

## Beoordelingsmodel

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

### Vliegende parkieten

#### 1 maximumscore 4

- Invullen van  $v=12$  geeft  $D \approx 0,0807$  1
  - Invullen van  $v=15$  geeft  $D \approx 0,1062$  1
  - De procentuele toename is  $\frac{0,1062 - 0,0807}{0,0807} \cdot 100\%$  1
  - Dit is 32 (%) (of nauwkeuriger) 1
- of
- Beschrijven hoe  $\frac{D(15)}{D(12)}$  berekend kan worden 2
  - $\frac{D(15)}{D(12)} \approx 1,32$  1
  - Dus  $D$  neemt toe met 32 (%) (of nauwkeuriger) 1

#### 2 maximumscore 4

- Opgelost moet worden  $\frac{6,0}{v^2} + 0,00050v^2 - 0,033 = 0,10$  1
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- De oplossingen zijn  $v \approx 7,59$  en  $v \approx 14,44$  1
- Het antwoord: bij snelheden vanaf 7,6 (m/s) tot en met 14,4 (m/s) 1

#### Opmerking

In het antwoord formuleringen als 'Bij snelheden van 7,6 (m/s) tot 14,4 (m/s)' of ' $7,6 \leq v \leq 14,4$ ' ook goed rekenen.

#### 3 maximumscore 7

- De formule voor  $D$  herschrijven tot  $D = 6,0 \cdot v^{-2} + 0,00050v^2 - 0,033$  1
- $\frac{dD}{dv} = -12,0 \cdot v^{-3} + 0,00100v$  1
- $\frac{dD}{dv} = 0$  geeft  $-12,0 + 0,00100v^4 = 0$  (of  $0,00100v = \frac{12,0}{v^3}$ ) 2
- Hieruit volgt  $v^4 = 12000$  1
- Dus  $v = \sqrt[4]{12000}$  1
- De kruissnelheid van parkieten is 10,5 (m/s) 1

## Wortelfunctie

---

### 4 maximumscore 5

- (De lijn en de grafiek snijden elkaar niet als) de vergelijking  $2x - 5 = \sqrt{4x - 12}$  (geen oplossingen heeft) 1
- Kwadrateren geeft  $4x^2 - 20x + 25 = 4x - 12$  1
- Herleiden geeft  $4x^2 - 24x + 37 = 0$  1
- De discriminant van deze vergelijking is  $D = (-24)^2 - 4 \cdot 4 \cdot 37 = -16$  1
- Omdat  $D < 0$  heeft de vergelijking geen oplossingen (en dus snijden de lijn en de grafiek van  $f$  elkaar niet) 1

### 5 maximumscore 7

- $f'(x) = \frac{2}{\sqrt{4x-12}}$  (of een vergelijkbare vorm) 2
- Er moet gelden  $\frac{2}{\sqrt{4x-12}} = 2$  1
- Beschrijven hoe hieruit de waarde van  $x$  gevonden kan worden 1
- De gezochte waarde van  $x$  is  $3\frac{1}{4}$  (of 3,25) 1
- Beschrijven hoe met behulp van het voorgaande een vergelijking van de lijn gevonden kan worden 1
- De gevraagde vergelijking is  $y = 2x - 5\frac{1}{2}$  (of  $y = 2x - 5,5$ ) 1

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

**6 maximumscore 3**

- $\sqrt{4x-12}$  is te herschrijven tot  $\sqrt{4(x-3)}$  dus de transformaties kunnen zijn: de vermenigvuldiging ten opzichte van de  $y$ -as met  $\frac{1}{4}$  en de translatie  $\begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}$  2
- De volgorde waarin deze transformaties moeten worden toegepast, is: eerst de vermenigvuldiging en daarna de translatie 1

of
- De transformaties kunnen zijn: de translatie  $\begin{pmatrix} 12 \\ 0 \end{pmatrix}$  en de vermenigvuldiging ten opzichte van de  $y$ -as met  $\frac{1}{4}$  2
- De volgorde waarin deze transformaties moeten worden toegepast, is: eerst de translatie en daarna de vermenigvuldiging 1

of
- $\sqrt{4x-12}$  is te herschrijven tot  $2\sqrt{x-3}$  dus de transformaties kunnen zijn: de translatie  $\begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}$  en de vermenigvuldiging ten opzichte van de  $x$ -as met 2 2
- De volgorde waarin deze transformaties kunnen worden toegepast, is: eerst de translatie en daarna de vermenigvuldiging (of: eerst de vermenigvuldiging en daarna de translatie) 1

## Een punt binnen een cirkel

---

**7 maximumscore 3**

- (Uit de vergelijking van de cirkel volgt:) de straal van  $c$  is 5 en het middelpunt van  $c$  is  $M(4, 5)$  1
- $MP = \sqrt{(4-3)^2 + (5-3)^2} = \sqrt{5}$  1
- De gevraagde afstand is  $5 - \sqrt{5}$  1

**8 maximumscore 6**

- Voor punt  $A$  geldt:  $((x-4)^2 + (0-5)^2 = 25$  dus  $x=4$  (en dus  $A(4, 0)$ ) 1
- Voor de punten  $B$  en  $C$  geldt:  $(0-4)^2 + (y-5)^2 = 25$  ofwel  $(y-5)^2 = 9$  1
- Hieruit volgt  $y=2$  of  $y=8$  (dus  $B(0, 2)$  en  $C(0, 8)$ ) 1
- Dus de richtingscoëfficiënt van  $k$  is  $\frac{1}{3}$  en die van  $l$  is  $-2$  1
- Hieruit volgt: de hoek die  $k$  maakt met de  $x$ -as is  $18,4^\circ$  en de hoek die  $l$  maakt met de  $x$ -as is  $-63,4^\circ$  1
- De gevraagde hoek is dus  $(18,4^\circ - -63,4^\circ \approx) 82^\circ$  1

## Schaatshouding

### 9 maximumscore 3

- $\frac{69}{\sin 100^\circ} = \frac{48}{\sin \angle HEK}$  1
- Beschrijven hoe hieruit  $\angle HEK$  opgelost kan worden 1
- De gevraagde waarde van  $\angle HEK$  is  $43^\circ$  1

#### *Opmerking*

*Als een kandidaat als gevolg van het tussentijds afronden van  $\sin \angle HEK$  op 0,69 als antwoord  $44^\circ$  heeft gevonden, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.*

### 10 maximumscore 4

- Het inzicht dat de cosinusregel gebruikt kan worden 1
- $88^2 = 48^2 + 42^2 - 2 \cdot 48 \cdot 42 \cdot \cos \alpha$  1
- Hieruit volgt  $\cos \alpha = -\frac{3676}{4032}$  (of:  $\cos \alpha \approx -0,91$  (of nauwkeuriger)) 1
- De gevraagde waarde van  $\alpha$  is  $156^\circ$  1

### 11 maximumscore 4

- $\alpha = 100^\circ$  geeft  $HE \approx 65$  (cm) (of nauwkeuriger) 1
- $\alpha = 180^\circ$  geeft  $HE = 85$  (cm) 1
- De gemiddelde snelheid is  $\frac{85-65}{0,70}$  (cm per seconde) (of nauwkeuriger) 1
- Het antwoord 29 (of 28) (cm per seconde) 1

## Sinusoïde

### 12 maximumscore 4

- $2 - 4\sin(2x) = 0$  geeft  $\sin(2x) = \frac{1}{2}$  1
- Dit geeft met  $x$  op het interval  $[-\frac{1}{2}\pi, \pi]$  en dus  $2x$  op het interval  $[-\pi, 2\pi]$ :  $2x = \frac{1}{6}\pi$  of  $2x = \frac{5}{6}\pi$  2
- De gevraagde coördinaten zijn  $\frac{1}{12}\pi$  en  $\frac{5}{12}\pi$  1

### 13 maximumscore 6

- $f(0) = 2$  (dus  $C(0, 2)$ ) 1
- (Een redenering waaruit volgt dat)  $x_D = \frac{3}{4}\pi$  1
- $f(\frac{3}{4}\pi) = 6$  (dus  $D(\frac{3}{4}\pi, 6)$ ) 1
- Dit geeft  $x_D - x_C = \frac{3}{4}\pi$  en  $y_D - y_C = 4$  1
- $y_C - y_E = 2$  1
- Hieruit volgt  $x_E = -\frac{3}{8}\pi$  1

of

- $f(0) = 2$  (dus  $C(0, 2)$ ) 1
- (Een redenering waaruit volgt dat)  $x_D = \frac{3}{4}\pi$  1
- $f(\frac{3}{4}\pi) = 6$  (dus  $D(\frac{3}{4}\pi, 6)$ ) 1
- Dit geeft  $\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{4}{\frac{3}{4}\pi} (= \frac{16}{3\pi})$  1
- Een vergelijking van lijn  $l$  is dus  $y = \frac{16}{3\pi}x + 2$  1
- Uit  $y = 0$  volgt  $x_E = -\frac{3}{8}\pi$  1

**CO<sub>2</sub>****14 maximumscore 3**

- Uit de figuur blijkt dat de CO<sub>2</sub>-concentratie in 1880 290 (ppm) en in 1900 294 (ppm) was (dus de CO<sub>2</sub>-concentratie nam in deze 20 jaar met 4 (ppm) toe) 1
  - Arrhenius voorspelde daarom (voor de 100 jaar) tussen 1900 en 2000 een toename van  $(5 \cdot 4 =) 20$  (ppm) 1
  - De werkelijke toename tussen 1900 en 2000 was  $(370 - 294 =) 76$  (ppm) dus de door Arrhenius voorspelde toename was  $(76 - 20 =) 56$  (ppm) te klein 1
- of
- Het lijnstuk tussen 1880 en 1900 is doorgetrokken tot het jaar 2000 1
  - De CO<sub>2</sub>-concentratie in 2000 volgens Arrhenius is afgelezen: 314 (ppm) 1
  - In werkelijkheid nam de CO<sub>2</sub>-concentratie tot 370 toe, dus de door Arrhenius voorspelde toename was  $(370 - 314 =) 56$  (ppm) te klein 1

*Opmerking*

*In de met behulp van het doorgetrokken lijnstuk afgelezen waarde van de CO<sub>2</sub>-concentratie is een marge van 2 ppm toegestaan.*

**15 maximumscore 4**

- In 2000 was de menselijke component 85 (ppm) 1
- De groeifactor per 70 jaar is  $\frac{85}{15} (\approx 5,67)$  1
- Dus de groeifactor per 10 jaar is  $\left(\frac{85}{15}\right)^{\frac{1}{7}}$  1
- $\left(\frac{85}{15}\right)^{\frac{1}{7}} \approx 1,28$  dus de procentuele toename per 10 jaar is 28 (%) 1

**16 maximumscore 4**

- De vergelijking die moet worden opgelost is  $15 \cdot 1,025^t = 285$  1
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- $t \approx 119$  1
- ( $t = 0$  komt overeen met 1 juli 1930, dus)  $t \approx 119$  valt in het jaar 2049 1

## Rakende cirkels

### 17 maximumscore 4

- Kies punt  $S$  op de  $y$ -as zo, dat driehoek  $MSN$  rechthoekig is 1
- Dan geldt:  $MS = r - s$  en  $MN = r + s$  1
- $MS^2 + NS^2 = MN^2$  geeft  $NS^2 = (r + s)^2 - (r - s)^2$  1
- Omdat  $OQ = NS$  volgt  $OQ = \sqrt{(r + s)^2 - (r - s)^2}$  1

### 18 maximumscore 3

- $OQ = \sqrt{r^2 + 2rs + s^2 - (r^2 - 2rs + s^2)}$  1
- Dit geeft  $OQ = \sqrt{4rs}$  1
- Hieruit volgt  $OQ = 2\sqrt{rs}$ , dus  $a = 2$  1

of

- Kies bijvoorbeeld  $r = 2$  en  $s = 1$ , dan:  $OQ = \sqrt{(2+1)^2 - (2-1)^2} = \sqrt{8}$  1
- $OQ = a\sqrt{rs}$ , dus  $\sqrt{8} = a\sqrt{2}$  1
- Hieruit volgt  $a = 2$  1

### 19 maximumscore 4

- $OQ = \sqrt{16} = 4$  (of  $OQ = 2\sqrt{4 \cdot 1} = 4$ ) 1
- Dus  $M(0, 4)$  en  $N(4, 1)$  1
- Hieruit volgt: de richtingscoëfficiënt van  $MN$  is  $-\frac{3}{4}$  1
- Dus de richtingscoëfficiënt van  $l$  is  $\frac{4}{3}$  1